研究论文

T形微混合器内的混合特性

赵玉潮^{1,2},应 Δ ^{1,2},陈光文¹,袁 Q¹

(¹中国科学院大连化学物理研究所,辽宁大连116023;²中国科学院研究生院,北京100049)

摘要:以 Villermaux-Dushman 快速平行竞争反应为模型体系,研究了宽 600 µm、深 300 µm 的 T 形微通道内的 微观混合特性,着重考察了不同进出口结构、微通道长度、体积流量比等对微通道内流体微观混合效果的影响. 实验结果表明: P élet 数在 7.0 ×10⁶ ~ 2.0 ×10⁸ 之间,无返混;体积流量比愈小,离集指数 X_s 愈小,微观混合 效果愈好.不同进出口结构尺寸、体积流量比对微观混合的影响取决于 Reyonlds 数的大小, $Re < Re_e$ 时,影响 较大,且随 Re增加, X_s 减小,微观混合效果愈好; $Re > Re_e$ 时, X_s 趋于定值,约为 2.7 ×10⁻⁴,接近理想微观 混合效果.

关键词:微混合器;微观混合;微通道;微反应器 中图分类号: TQ 032 **文献标识码**: A

文章编号: 0438 - 1157 (2006) 08 - 1884 - 07

Characterization of micro-mixing in T-shaped micro-mixer

ZHAO Yuchao^{1,2}, YING Ying^{1,2}, CHEN Guangwen¹, YUAN Quan¹

(¹Dalian Institute of Chemical Physics, Chinese Academy of Sciences, Dalian 116023, Liaoning, China; ²Graduate School of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: The Villermaux-Dushman fast parallel competing reaction was used to determine quantitatively the micro-mixing performance in the T-shaped micromixer with 600 µm width and 300 µm depth. The flow was almost ideal plug flow in the Reynolds number range 55 –1600 and its corresponding P éelet number ranged from 7. 0 ×10⁶ to 2. 0 ×10⁸. The effects of inlet and outlet scale, micro-channel length, volumetric flow ratio on the micro-mixing performance were studied in detail. The micro-mixing performance was expressed with segregation index, X_s . The smaller the X_s , the better the micro-mixing. The experimental results showed that X_s increased with increasing volumetric flow ratio at the same *Re*. There existed a critical *Re*_c under the condition of different inlet and outlet geometric structures X_s decreased with increasing *Re* when $Re < Re_c$, while X_s reached about 2. 7 ×10⁻⁴ and remained constant when $Re > Re_c$, indicating that almost perfect mixing in the T-sharped micro-mixer was achieved.

Key words: micro-mixer; micro-mixing; micro-channel; micro-reactor

引 言

混合是化工过程中的重要单元,混合效果直接

国际科技合作重点项目计划项目(2001CB711203).

影响后续过程效率.微混合器是微化工系统的重要 组成部分^[1],与常规混合器相比,微混合技术可实 现流体间的快速、均匀混合,具有常规混合技术不

Foundation item: supported by the National Natural Science Foundation of China (20176057, 20490208) and the Key Program for International Cooperation of Science and Technology (2001CB711203).

²⁰⁰⁶⁻⁰²⁻²¹ 收到初稿,2006-05-08 收到修改稿. **联系人**:陈光文.**第一作者**:赵玉潮(1979 → , 男,博士研

究生. 基金项目:国家自然科学基金项目(20176057,20490208);

Received date: 2006 - 02 - 21.

Corresponding author: Prof. CHEN Guangwen. E - mail: gwchen @dicp. ac. cn

可比拟的优势.应用微混合器可实现强放热和快速 反应过程的强化与微型化,如硝化^[2]、直接氟 化^[3]、氧化^[4]、加氢^[5]、纳米粉体制备^[6]等过程, 近十几年来已引起国内外学者的广泛关注^[78].

微混合器依结构可分为多种型式,其中 T 形 微混合器是一种使两股流体混合均匀的最为简单的 混合器之一^[9].对 T 形微混合器内流体的混合情 况已有研究报道, Gobby 等^[10]用 CFD 方法考察了 黏度、微通道尺度和操作条件等对两气相间混合特 性的影响; Bökenkamp 等^[11]利用"湍流"机理设 计了一种 T 形微混合器;在层流区域内, Engler 等^[12]根据 Reynolds 数大小将微通道内流体流型划 分为3种情况,即严格层流、涡流和席卷流,并认 为席卷流能够进一步强化流体间的混合; Wong 等[13]使用物理显色的方法研究了微通道内的混合 效果; Hoffmann 等^[14]利用 µ-L IF 和 µ-PIV 技术研 究了 T 形微混合器内流体混合情况. 关于化学法 测定微反应器内混合效果,也曾有不少学者进行了 研究[15-17],但由于微通道内流体混合的复杂性, 至今仍在继续深入和发展,尤其是进出口结构尺寸 对混合效果的影响迄今未见报道.

本文利用化学法 (Villermaux-Dushman 快速 平行竞争反应)研究了 T 形微通道内分子尺度上 的混合特性,即微观混合,考察了不同 Reynolds 数下微混合器的进出口结构尺寸对微观混合产生的 影响,并以在微混合器内合成 CuO 细颗粒来验证 其混合效果,为微混合器的结构优化设计提供 依据.

1 工作体系简介

工作体系采用 Fournier 等^[18-19] 提出的应用于 间歇式搅拌釜反应器的 Villermaux-Dushman 快速 平行竞争反应体系, Guichardon 等^[20-21] 对这一定 量描述反应器内微观混合特性的方法进行了深入研 究,经巧妙改进并将其应用于连续式反应器.

$$H_{2}BO_{3}^{-} + H^{+} - H_{3}BO_{3}$$
(1)
5I⁺ + IO_{3}^{-} + 6H^{+} - 3I_{2} + 3H_{2}O (2)

$$I_2 + I^- \rightleftharpoons I_3^-$$
 (3)

其中,式(1)为酸碱中和瞬间反应,反应特征时间小于微观混合特征时间;式(2)为氧化还原快速反应,其反应特征时间与微观混合特征时间在同一量级.微观混合均匀,则只进行反应(1);混合不均匀,反应(2)将同时发生,生成的 L 继续与

I⁻发生反应生成 I₃. I₃ 浓度用紫外分光光度计 (波长 353 nm)检测,进而计算出生成的 I₂,用以 表示混合器内流体的混合效果.

对碘原子进行物料衡算

$$[I^{-}] = [I^{-}]_{0} - \frac{5}{3}([I_{2}] + [I_{3}]) - [I_{3}]$$
(4)

对反应 (3)

$$K_3 = \frac{\left[I_3 \right]}{\left[I_2 \right] \left[I \right]} \tag{5}$$

其中 K3 为反应(3)的平衡常数

$$\lg K_3 = \frac{555}{T} + 7.355 - 2.575\lg T$$
(6)

由式 (4) 和式 (5) 得 - $\frac{5}{3}$ [I_2]² + ([I_1]₀ - $\frac{8}{3}$ [I_3]) [I_2] - $\frac{[I_3]}{K_3} = 0$ (7)

由离集指数 X_s 定量表征微观混合效果

$$X_{s} = \frac{Y}{Y_{ST}} = \frac{2V_{1}([L_{2}] + [I_{3}])}{V_{2}[H^{+}]_{0}} \times \frac{6[IO_{3}^{+}]_{0} + [H_{2}BO_{3}^{+}]_{0}}{6[IO_{3}^{+}]_{0}}$$
(8)

其中,Y为反应(2)消耗掉的酸量与总体消耗掉的酸量之比, Y_{sr} 为完全离集时的Y值

$$Y = \frac{2V_1([I_2] + [I_3])}{V_2[H^+]_0}$$
(9)

$$Y_{\rm ST} = \frac{6[\rm IO_3^{-}]_0}{6[\rm IO_3^{-}]_0 + [\rm H_2BO_3^{-}]_0}$$
(10)

当 X_s = 0, 完全混合均匀; X_s = 1, 完全离集; 0 < X_s < 1, 为部分混合. 连续式反应系统中的微 观混合效果若用 X_s 定量表示,则 I⁻ / IO₃⁻ / H₂BO₃⁻ 溶液与硫酸溶液体积的流量比应满足

$$\frac{3V_1 [\text{IO}_3^-]_0}{V_2 [\text{H}^+]_0} = c_1$$
(11)

$$\frac{V_1 \left[H_2 B O_3^* \right]_0}{V_2 \left[H^+ \right]_0} = c_2$$
(12)

式中 c1、c2 为常数.

2 实验部分

2.1 药品和仪器

碘化钾、碘酸钾、硼酸、氢氧化钠、浓硫酸、 邻苯二甲酸氢钾、硝酸铜、碳酸钠均为分析纯(沈 阳联邦试剂厂);最大流量为 30 ml ·min⁻¹的柱塞 式平流泵四台(北京卫星厂);JASCO V-550 紫外 分光光度计(日本); Malvern Zetasizer 3000 HSA 纳米粒度仪.

2.2 实验装置

图 1 为实验流程图,图 2 为 T 形微混合器内 部结构示意图,其中 a、b 为孔径为 2.0 mm 的入 口,d、e孔径为0.5 mm,f、g为孔径为2.0 mm 的出口,cd、de、eg间距分别为15、30、15 mm. 微混合器的材质为PMMA,经精密数控机床 加工而成,通道宽600 µm、深300 µm.



Fig. 1 Schematic diagram of experimental setup 1—pump; 2—check valve; 3—T-shaped micromixer



Fig. 2 Structure of T-shaped micromixer

2.3 标准曲线

根据 Beer-Lambert 定律,吸光度(A)与光 通过的液层厚度与浓度乘积呈正比,即

$$A = k[\mathbf{I}_3] \tag{13}$$

式中 k为包括液层厚度在内的比例系数, $m^3 \cdot mol^{-1}$.

配制一组不同浓度的 L-KI 混合溶液,测其吸 光度,吸光度 A 与 [L] 的关系式为(结果见图 3)

$$A = 25. \ 44 [I_3] \tag{14}$$

2.4 溶液配制

标准 NaOH 溶液配制:以邻苯二甲酸氢钾进 行标定.浓硫酸稀释:将浓硫酸稀释成浓度为 0.018、0.036、0.144、0.18 mol·L⁻¹的标准溶液 (用 NaOH 溶液标定).配制 H₃BO₃、NaOH、KI、 KIO₃ 混合溶液:其溶质浓度分别为 0.25、0.125、 0.0116、0.00233 mol·L⁻¹.分别配制浓度均为 0.5 mol·L⁻¹的 Cu(NO₃)₂和 Na₂CO₃溶液.实验 均采用煮沸过的去离子水.



Fig. 3 Relationship between absorbance and $[I_3]$

2.5 分析方法

实验在 20~22 、100 kPa 下进行,采用紫外 分光光度计测量溶液的吸光度 (波长 353 nm),利 用式 (11) 计算 I₃ 浓度.为减少实验误差,整个 测量过程于 8 s 内完成,待取得 3 个稳定值后,开 始记录数据. CuO 颗粒的粒径分布由 Malvern Zetasizer 3000 HSA 纳米粒度仪测量.

3 结果与讨论

3.1 **宏观混合特性**

宏观混合对平行竞争反应的影响,可通过停留 时间分布曲线考察,即返混程度影响; Pe 由式 (15) 计算

$$Pe = \frac{u_{\rm m}L}{D} \tag{15}$$

式中 u_m 为微通道内流体平均速度, m · s⁻¹; *L* 为混合通道长度, m; *D* 为扩散系数, 10^{-5} cm² · s⁻¹ (通常液体的扩散系数在 10^{-5} m² · s⁻¹量级). 本实验条件下, *Pe* 在 7.0 × 10^6 ~ 2.0 × 10^8 之间, 可认为无返混,即宏观混合影响较小.因此,可认 为该 T 形微混合器为理想平推流反应器.

3.2 微通道入口结构尺寸的影响

将等体积流量的硫酸溶液和 I⁻ / IO₃⁻ / H₂BO₃⁻ 溶液,分别流经入口 a 和 b,出口 f;入口 a 与 d, 出口 g 的两段通道, X_s 与 Re 的关系如图 4 所示. Re 由式 (16) 表示

$$Re = \frac{d_{\rm H} u_{\rm m}}{11} \tag{16}$$

式中 $d_{\rm H}$ 为通道的水力当量直径, m; 为混合溶 液密度, kg · m⁻³; μ 为黏度, 10⁻³ Pa · s.

由图 4 可知,存在一个使 X_s产生骤变的临界 值 Re_c (Re_c 400). Re < Re_c 时,入口结构对离集 指数 X_s有较大影响,即大孔径入口的 X_s 值大于



Fig. 4 Effect of inlet dimension on segregation index

小孔径的 X_s 值;为了定性地描述 Re 对混合效果 的影响,特采用 CCD 摄像系统对流体混合过程进 行拍摄,结果见图 5. 由图 5 可知,入口为 a 和 b, 当 Re 较低时 (Re < 400),两流体呈并流流型,且 两流体界面较为明显,混合效果较差;随 Re 的增 加,两相间界面开始出现波动,并最终达到混合均 匀. 而在入口为 a 和 d 的情况下, 当 Re 较低时, 尽管两流体界面较为明显,但由于流体呈环状流 型,接触面积至少为并流流型时的2倍,使流体间 混合得以强化,与入口为 a 和 b 时相比,微观混合 效果得到明显改善, 与图 4 中 X_s 的急剧减小相一 致. 但当 Re极小时, 从图 5 可看到两流体基本呈 完全分离状态,但其离集指数 X_s 却很小,说明出 口对混合起到了一定的强化作用; 当 $Re > Re_{c}$ 时, 可以看到流体间界面已不明显、混合亦接近均匀、 具体表现为离集指数 X_s 趋于定值,约为 2.7 × 10^{-4} ,接近完全微观混合的程度,即当 $Re > Re_{e}$ 时、入口结构尺寸对微观混合效果无影响。



Fig. 5 Two liquid flow patterns under different feed inlets (a) inlets a and b, outlet f; (b) inlets a and d, outlet g

3.3 微通道出口结构尺寸的影响

将等体积流量的硫酸溶液和 $\Gamma / IO_3 / H_2 BO_3$ 溶液,分别流经入口 a 和 b,出口分别为 e 和 f, X_s 与 Re 间的关系如图 6 所示.由图可知,同样存在 一个使 X_s 产生骤变的临界值 Re_c (Re_c 400), $Re < Re_c$ 时,出口几何结构对离集指数 X_s 有较大 影响,即大孔径出口的 X_s 大于小孔径的 X_s ;由于 在相同体积流量下,流体流经小孔时,其流速为大 孔的 16 倍,在小孔通道内能够产生较大强度的涡 流或卷吸流,进一步强化流体间混合,使微观混合 效果增加,表现为 X_s 的急剧减小;而当 $Re > Re_c$ 时, X_s 趋于定值,约为 2.7 ×10⁻⁴,即微观混合 均匀、此时出口结构尺寸对微观混合效果无影响



Fig. 6 Effect of outlet dimension on segregation index

3.4 T形微通道长度对微观混合效果的影响

将等体积流量的硫酸溶液和 $I / IO_3 / H_2 BO_3$ 溶液,分别流经入口为a与b,出口分别为f和g, 混合通道长度分别为 45 mm 和 60 mm, X_s 与 Re 的关系示于图 7. 结果显示 X。几乎不随通道长度 而变,由于此时的进出口结构尺寸完全一致,说明 微通道长度(L/d_H > 100,流体已充分发展)对流 体混合效果影响很小;但同样存在一个使 X。发生 骤变的临界 Reynolds 数 Rec (Rec 400); 当 Re < Rea 时,随 Re 增大,流体界面扰动增强,两流体 接触面积增加,强化了混合,因此 X。 随 Re 增加 而减小; 当 Re > Re 时, 由于两流体能够迅速混合 均匀,即离集指数 X_s 不随 Re 变化. 许多研究者 发现在微通道内流体流动的转捩提前^[22-24],即层 流向湍流过渡时, Re 在 300~900 之间, Re > Re. 时,此时为层流向湍流转变的过渡流动,进一步促 进流体间的混合.

3.5 体积流量比对微观混合效果的影响

酸浓度取值由式(11)与式(12)确定,入口 为 a 与 b,出口为 g,实验结果如图 8 所示.离集



Fig. 7 Effect of microchannel length on segregation index



Fig. 8 Effect of volume flow ratio on segregation index

指数 X_s 随 Re 增加而减小,最后趋于定值,且在 每个操作条件下,均存在一个使 X_s 发生骤变的临 界 Reynolds 数 Re.,其大小随体积比增加而增加; 当 Re < Re. 时,随体积流量比增加离集指数 X_s 逐 渐增加,即相同 Re 下,体积流量比越大,微观混 合效果越差.由于在相同 Re 下,两流体体积比越 大,其中一种流体流速将越小,相互混合时产生的 涡流或卷吸流强度越小,微观混合强化作用越小, 即 X_s 值越大.

3.6 微混合器内 CuO 颗粒的制备

为了进一步考察微通道内流体间的混合效果, 于微混合器内采用共沉淀方法合成 CuO 颗粒,并 与传统搅拌釜中合成的 CuO 颗粒进行比较,结果 见图 9. 两种方法中反应物浓度、产物干燥和焙烧 过程完全一样,微通道反应器内两溶液 [Na₂CO₃、 Cu(NO₃)₂]体积流量均为 20 ml ·min⁻¹,入口为 a 和 b,出口为 g.

在微混合器内用共沉淀方法合成的 CuO 颗粒



microchannel reactor and batch reactor

粒径分布较传统搅拌釜中窄,粒度分布曲线基本呈 正态分布,平均粒径为996.8 nm;传统法制备的 CuO 粒径分布明显出现两个粒度分布峰,两个峰 的平均粒径分别为315.9 nm 和1637.8 nm,且大 粒径分布峰较宽.由于成核速率与溶液的局部过饱 和度有关,这种局部过饱和是共沉淀法制备催化剂 时产生粒径不易控制的主要原因,即溶液的微观混 合效果直接影响颗粒的粒径分布.在微混合器内两 种流体能够迅速达到微观混合均匀,溶液局部过饱 和现象大大降低,因此,粒度分布较窄,且平均粒 径较小;反之,共沉淀法制备催化剂过程中溶液不 能迅速达到混合均匀,局部过饱和现象明显,导致 粒径分布变宽,平均粒径较大.

4 结 论

采用化学法研究了微混合器的进出口结构尺寸 对微观混合效果的影响,存在使离集指数 X_s 发生 骤变的 Re_{\cdot} $Re < Re_{\circ}$ 时,由于两流体接触面积的 不同以及小出口通道内的流动扰动加剧,导致不同 出、入口结构对 X_s 有较大影响; $Re > Re_{\circ}$ 时,由 于发生层流向湍流的转捩提前,流体间混合加强, X_s 趋于一定值 2.7 ×10⁻⁴,达到理想的微观混合 效果. 微通道长度大于 45 mm 时,流体流动处于 充分发展阶段,此时通道长度对流体混合效果影响 甚微. 不同体积流量比下,均存在一个使 X_s 发生 骤变的 Re_{\circ} , $Re < Re_{\circ}$ 时 X_s 值随 Re 增加而减小, $Re > Re_{\circ}$ 时 X_s 基本趋于定值;体积流量比越大 X_s 值越大,微观混合效果越差.由于能促进流体间的 快速、均匀混合,微混合器内合成的 CuO 颗粒粒 径分布窄且粒度小.

第8期

符号说明

- A ——吸光度
- d_H ——微通道的当量直径, m
- [i] ——组分 *i* 物质的量浓度, mol·L⁻¹
 - K₃ ——反应平衡常数, L ·mol⁻¹

 - L ——混合通道长度, m
 - Pe——Péelet 数
 - Re——Reynolds 数
 - *T*——热力学温度,K
 - *u*_m → 微通道内流体平均速度, m · s⁻¹
- V1 ——含 H2BO3 、IO3 与 I 溶液的体积流量, ml ·min⁻¹
- V_2 ——合 H⁺ 溶液的体积流量, ml ·min⁻¹
- X。——表示微观混合效果的离集指数
 - ——混合溶液密度,kg ·m⁻³
- µ——去离子水的黏度,Pa·s

下角标

- 0 初始时浓度
- 1 含 H₂BO₃、IO₃ 与 I⁻ 的溶液

2 ----含 H⁺的溶液

References

- [1] Chen Guangwen (陈光文), Yuan Quan (袁权).
 Microchemical technology. Journal of Chemical Industry and Engineering (China) (化工学报), 2003, 54 (4): 427-439
- Burns J R, Ramshaw C. A microreactor for the nitration of benzene and toluene. *Chem. Eng. Comm.*, 2002, 189 (12): 1611-1628
- [3] Jähnisch K, Baerns M, Hessel V, Ehrfeld W, Haverkamp V, Löwe H, Wille Ch, Guber A. Direct fluorination of toluene using elemental fluorine in gas/liquid microreactors. J. Fluorine Chemistry, 2000, 105 (1): 117-128
- [4] Chen G W, Yuan Q, Li H Q, Li S L. CO selective oxidation in a microchannel reactor for PEM fuel cell. *Chem. Eng. J.*, 2004, 101 (1/2/3): 101-106
- [5] Kobayashi J, Mori Y, Okamoto K, Akiyama R, Ueno M, Kitamori T, Kobayashi S. A microfluidic device for conducting gas-liquid-solid hydrogenation reactions. *Science*, 2004, 304: 1305-1307
- [6] Takagi M, Maki T, Miyahara M, Mae K. Production of titania nanoparticles by using a new microreactor assembled

with same axle dual pipe. Chem. Eng. J., 2004, 101 (1/ 2/3): 269-276

- Jähnisch K, Hessel V, Löwe H, Baerns M. Chemistry in microstructured reactors. Angew. Chem. Int. Ed., 2004, 43 (4): 106-446
- [8] Jensen K F. Microreaction engineering -is small better? Chem. Eng. Sci., 2001, 56 (2): 293-303
- [9] Yue Jun (乐军), Chen Guangwen (陈光文), Yuan Quan (袁权). Principles and applications of micromixing technology. Chemical Industry and Engineering Progress (China) (化工进展), 2004, 23 (12): 1271-1276
- [10] Gobby D, Angeli P, Gavriilidis A. Mixing characteristics of T-type microfluidic mixers. J. Micromech. Microeng., 2001, 11 (2): 126-132
- Bökenkamp D, Desai A, Yang X, Tai YC, Marzluff E M, Mayo S L. Microfabricated silicon mixers for submillisecond quench-flow analysis. *Anal. Chem.*, 1998, 70 (2): 232-236
- [12] Engler M, Kockmann N, Kiefer T, Woias P. Numerical and experimental investigations on liquid mixing in static micromixers. *Chem. Eng. J.*, 2004, 101 (1/2/3): 315-322
- [13] Wong S H, Ward M C L, Wharton C W. Micro T-mixer as a rapid mixing micromixer. Sensors and Actuators B, 2004, 100 (3): 359-379
- [14] Hoffmann M, Schl üer M, Räbiger N. Experimental investigation of liquid-liquid mixing in T-shaped micromixers using µ-LIF and µ-PIV. Chem. Eng. Sci., 2006, 61: 2968-2976
- [15] Ehrfeld W, Golbbig K, Hessel V, Löwe H, Richter T. Characterization of mixing in micromixers by a test reaction: single mixing units and mixer arrays. *Ind. Eng. Chem. Res.*, 1999, 38 (3): 1075-1082
- Panic S, Loebbecke S, Tuercke T, Antes J, Boškovic D.
 Experimental approaches to a better understanding of mixing performance of microfluidic devices. *Chem. Eng. J.*, 2004, 101 (1/2/3): 409-419
- [17] Nagasawa H, Aoki N, Mae K. Design of a new micromixer for instant mixing based on the collision of micro segments. Chem. Eng. Technol., 2005, 28 (3): 324-330
- [18] Fournier M C, Falk L, Villermaux J. A new parallel competing reaction system for assessing micromixing efficiency—experimental approach. *Chem. Eng. Sci.*, 1996, 51 (22): 5053-5064
- [19] Fournier M C, Falk L, Villermaux J. A new parallel competing reaction system for assessing micromixing efficiency—determination of micromixing time by a simple model. *Chem. Eng. Sci.*, 1996, 51 (23): 5187-5192
- [20] Guichardon P, Falk L. Characterisation of micromixing

0

报

efficiency by the iodide-iodate reaction system. Part (): Experimental procedure. *Chem. Eng. Sci.*, 2000, 55 (19): 4233-4243

- [21] Guichardon P, Falk L, Villermaux J. Characterisation of micromixing efficiency by the iodide-iodate reaction system.
 Part (): Kinetic study. Chem. Eng. Sci., 2000, 55 (19): 4245-4253
- [22] Wu P, Little W A. Measurement of friction factors for the flow of gases in very fine channels used for microminiature,
 rectangular microchannels. Int 1995, 38: 755-758

Joule Thompson refrigerators. Cryogenics, 1983, 23 (5): 273-277

- [23] Wang B X, Peng X F. Experimental investigation on liquid forced-convection heat transfer through microchannels. Int.
 J. Heat Mass Transfer, 1994 (suppl.), 37 (1): 73-82
- [24] Peng X F, Peterson G P. The effect of thermofluid and geometrical parameters on convection of liquids through rectangular microchannels. Int. J. Heat Mass Transfer, 1995, 38: 755-758